

Soluzione

1. Il calore è assorbito lungo l'isocora $2 \Rightarrow 3$ e l'isobara $3 \Rightarrow 4$ e ceduto lungo l'isocora $5 \Rightarrow 1$

$$Q_{\text{ASS}} = n c_V (T_3 - T_2) + n c_P (T_4 - T_3), \quad Q_{\text{CED}} = n c_V (T_1 - T_5)$$

Nota il numero di moli, utilizzando c_V e c_P del gas perfetto biatomico, restano da calcolare le temperature. Il testo dice che la macchina raggiunge la temperatura massima di 1380K .

Questo punto sarà quello alla fine della combustione (prima che l'aria si raffreddi di nuovo attraverso l'espansione adiabatca), quindi $T_4 = 1380\text{K}$.

$$\text{Essendo } V_4 = 1.15 \cdot V_3, \text{ si ha } T_3 = P_3 V_3 / nR = V_3 T_4 / V_4 = T_4 / 1.15 = 1200\text{ K},$$

Invertendo la formula per la variazione di entropia in una trasformazione isocora si ottiene:

$$T_2 = T_3 \exp(-\Delta S_{23} / n c_V) = 929.8\text{ K}$$

Sostituendo queste temperature nella prima formula otteniamo $Q_{\text{ASS}} = 21.7\text{ kJ}$.

Sfruttando il rapporto di compressione $V_1/V_2 = 18$ e $TV^{(\gamma-1)} = \text{cost}$ (con $\gamma = 1.4$):

$$T_1 = T_2 (V_2/V_1)^{(\gamma-1)} = 292.6\text{ K}$$

$$T_5 = T_4 (V_4/V_5)^{(\gamma-1)} = T_4 (1.15 \cdot V_3/V_1)^{(\gamma-1)} = T_4 (1.15/18)^{(\gamma-1)} = 459.2\text{ K}$$

$$\text{Da cui, } Q_{\text{CED}} = n c_V (T_1 - T_5) = -6.92\text{ kJ}$$

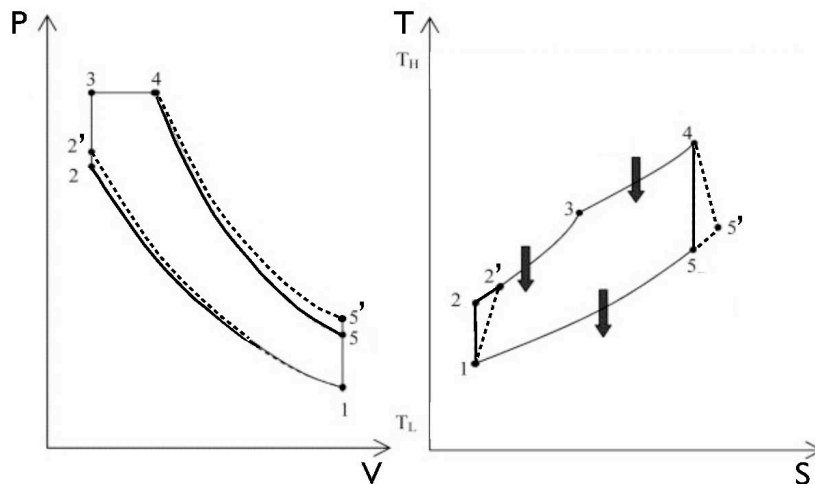
Il lavoro prodotto dal motore si calcola come differenza fra il calore prodotto dalla combustione e quello espulso: $L_{\text{TOT}} = 14.8\text{ kJ}$

2. Il rendimento del motore è dato da $\eta = 1 + Q_{\text{CED}}/Q_{\text{ASS}} = 0.68$, mentre quello di una macchina di Carnot operante fra le stesse temperature è pari a: $\eta = 1 - T_{\text{MIN}}/T_{\text{MAX}} = 1 - 292.6/1380 = 0.790$

3. La variazione di entropia nelle trasformazioni $1 \Rightarrow 2$ e $4 \Rightarrow 5$ è pari a zero (adiabatiche reversibili). $\Delta S_{23} = 10.6\text{ J/K}$, $\Delta S_{34} = n c_P \ln(T_4/T_3) = 8.13\text{ J/K}$

Siccome in un ciclo la variazione di entropia del gas deve essere zero: $\Delta S_{51} = -18.73\text{ J/K}$

4.



5. Vedere linee tratteggiate nel grafico precedente.

$$6. \quad \eta = 1 + n c_V (T_1 - T_5) / (n c_V (T_3 - T_2) + n c_P (T_4 - T_3)) = 1 + r^{(1-\gamma)} (1 - ab^\gamma) / (a - 1 + a\gamma(b-1)),$$

avendo definito $a = P_3/P_2$, $b = V_4/V_3$, $r = V_1/V_2$

$$\text{Se } a = P_3/P_2 = 1 \text{ (ciclo Diesel) si ottiene } \eta = 1 + r^{(1-\gamma)} (1 - b^\gamma) / \gamma(b-1) = 0.677$$

$$\text{Se } b = V_4/V_3 = 1 \text{ (ciclo Otto) si ottiene } \eta = 1 - r^{(1-\gamma)} = 0.685$$